

# JSTSC 2016

## 第二轮第二试

**竞赛时间：2016年5月18日8:00-13:00**

题目名称	病毒感染	反质数序列	炸弹攻击 2
可执行文件名	virus.exe	prime.exe	attack2.exe
输入文件名	virus.in	prime.in	attack2.in
输出文件名	virus.out	prime.out	attack2.out
每个测试点时限	1 秒	1 秒	2 秒
内存限制	512M	512M	512M
测试点数目	10	10	10
每个测试点分值	10	10	10
是否有部分分	否	否	否
题目类型	传统型	传统型	传统型

提交源程序须加后缀

对于 Pascal 语言	virus.pas	prime.pas	attack2.pas
对于 C 语言	virus.c	prime.c	attack2.c
对于 C++ 语言	virus.cpp	prime.cpp	attack2.cpp

**注意：最终测试时不打开任何优化开关**

# 病毒感染

## 【故事背景】

JOSI 的边陲小镇爆发了严重的 Jebola 病毒疫情，大批群众感染生命垂危。计算机科学家 JYY 采用最新的算法紧急研制出了 Jebola 疫苗，并火速前往灾区救治患者。

## 【问题描述】

一共有  $N$  个小镇爆发了 Jebola 疫情。这些小镇由于地处边陲，仅仅通过一条长直公路连接。方便起见我们将这些小镇按照公路连接顺序有 1 编号到  $N$ 。JYY 会在第一天一早抵达 1 号小镇。

一开始在  $i$  号小镇，有  $a_i$  名患者感染了 Jebola 病毒。

每一天 JYY 可以选择：

1. 花费一天时间彻底治愈 JYY 目前所在的村庄的所有 Jebola 患者。这一天不会有任何患者死去。
2. 花费一天的时间前往一个相邻的村庄。

当一天开始时，如果一个村庄里有  $k$  个 Jebola 患者，那么这一天结束时，这  $k$  个患者会感染另外  $k$  个这个村子里的健康村民并死去。所以对于  $i$  号村庄，只要这个村庄没有被 JYY 彻底消灭疫情，那么每一天都会有  $a_i$  个村民死去。

JYY 希望采用措施使得疫情被整体消灭时，总共死去的村名数量尽量少。

为了达成这一目标，JYY 有时会选择抵达一个村庄但是并不对村民进行施救。这样的行为如果不加限制，往往会造成更加严重的后果。

试想这样的情形：假设当 JYY 第一次抵达村庄  $i$ ，未作救治并直接前往了另一个村庄。那么由于  $i$  村庄的人们求生心切，一旦当 JYY 朝向靠近  $i$  村庄的方向前行时， $i$  村庄的村民就会以为 JYY 是来救他们了，而产生巨大的期望。之后倘若 JYY 再次掉头朝着远离  $i$  村庄的方向行进，那么  $i$  村庄的村民就会因为巨大的失落而产生绝望的情绪。

为了避免这种情况，JYY 对他的行程做了如下规定：

假设 JYY 进入  $i$  村庄并在第二天立即离开（村庄  $i$  的疫情并未治愈）。如果在之后的某一天，JYY 从村庄  $j$  前往村庄  $k$ ，并满足  $|k - i| < |k - j|$ 。那么在之后的日子里 JYY 只能朝着  $i$  村庄前进直到抵达  $i$  村庄并立即治愈该村的患者。在前往  $i$  村庄的过程中，JYY 可以选择将途经村庄的疫情治愈。

比如，如果 JYY 有如下行程：

第一天：从村庄 1 前往村庄 2；第二天：从村庄 2 前往村庄 3；第三天：治愈村庄 3；第四天：前往村庄 2。

此时 JYY 对于之后三天的行程只有唯一一种选择：

第五天：治愈村庄 2；第六天：前往村庄 1；第七天：治愈村庄 1。

JYY 想知道在治愈所有村庄之前，至少会有多少村民因 Jebola 死去。

**【输入格式】**

从文件 *virus.in* 中读入数据。

输入第一行包含一个正整数  $N$ 。

接下来一行包含  $N$  个整数，分别为  $a_1, a_2, \dots, a_N$ 。

**【输出格式】**

输出到文件 *virus.out* 中。

输出一行一个整数，表示最优行程安排下会死去的村民数量。

**【样例输入】**

```
6
40 200 1 300 2 10
```

**【样例输出】**

```
1950
```

**【样例解释】**

我们用  $C(k)$  表示治愈  $k$  号村庄， $i \rightarrow j$  表示从村庄  $i$  前进到村庄  $j$ ，用分号分隔每一天的行程安排，那么样例中的最优策略为：

$1 \rightarrow 2; C(2); 2 \rightarrow 3; 3 \rightarrow 4; C(4); 4 \rightarrow 3; C(3); 3 \rightarrow 2; 2 \rightarrow 1; C(1); 1 \rightarrow 2; 2 \rightarrow 3; 3 \rightarrow 4; 4 \rightarrow 5; 5 \rightarrow 6; C(6); 6 \rightarrow 5; C(5)$ 。

整个过程耗时 18 天。

**【数据规模与约定】**

对于 10% 的数据满足  $N \leq 10$ ;

对于 30% 的数据满足  $N \leq 20$ ;

对于 50% 的数据满足  $N \leq 60$ ;

对于 100% 的数据满足  $1 \leq N \leq 3000, 1 \leq a_i \leq 10^9$ 。

## 反质数序列

### 【故事背景】

由于发现太多以质数为条件的问题, 计算机科学家 JYY 开始对质数厌烦了。

### 【问题描述】

对于一个长度为  $L \geq 2$  的序列  $X: x_1, x_2, \dots, x_L$ , 如果满足对于任意  $1 \leq i < j \leq L$ , 均有  $x_i + x_j$  不为质数, 则 JYY 认为序列  $X$  是一个“反质数序列”。

JYY 有一个长度为  $N$  的序列  $A: a_1, a_2, \dots, a_N$ , 他希望从中选出一个包含元素最多的子序列, 使得这个子序列是一个反质数序列。

### 【输入格式】

从文件 *prime.in* 中读入数据。

输入第一行包含一个正整数  $N$ 。

接下来一行包含  $N$  个正整数, 依次描述  $a_1, a_2, \dots, a_N$ 。

### 【输出格式】

输出到文件 *prime.out* 中。

输出一行一个整数, 表示最长反质数子序列的长度。输入保证存在反质数子序列。

### 【样例输入】

```
6
1 2 2 3 4 10
```

### 【样例输出】

```
4
```

### 【数据规模与约定】

对于 10% 的数据满足  $N \leq 10$ ;

对于 40% 的数据满足  $N \leq 150$ ;

对于 80% 的数据满足  $N \leq 1000$ ;

对于 100% 的数据满足  $2 \leq N \leq 3000, 1 \leq a_i \leq 10^5$ 。

## 炸弹攻击 2

### 【故事背景】

还记得那款题为“炸弹攻击”的塔防游戏吗？这款游戏出了续作，炸弹的威力大大加强了。

### 【问题描述】

游戏的地图是一个 2 维平面。JYY 的阵地位于  $x$  轴下方，而所有的敌人目前都位于  $x$  轴上方。

在 JYY 的阵地中有建有  $T$  个激光塔和  $S$  个发射源。其中第  $i$  个防御塔  $T_i$  的坐标为  $(tx_i, ty_i)$ ，第  $i$  个发射源  $S_i$  的坐标为  $(sx_i, sy_i)$ 。

地图上有  $D$  个敌人，第  $i$  个敌人  $D_i$  的坐标为  $(dx_i, dy_i)$ 。

两座激光塔可以相互连接形成能量墙。发射源 朝向敌人 发出的能量如果穿过了能量墙，可以得到巨大的加强而变为“超级射线”并瞬间消灭敌人。

JYY 想知道他有多少种可以发出超级射线的攻击方案。

具体来说，一个可以发出超级射线的攻击方案为一个由四个点组成的集合： $\{T_i, T_j, S_k, D_l\}$ ，满足  $1 \leq i < j < T, 1 \leq k \leq S, 1 \leq l \leq D$  并且线段  $T_i T_j$  和线段  $S_k D_l$  相交。

游戏设定保证在这  $T + D + S$  个点中，不存在重点也不存在三点共线。

### 【输入格式】

从文件 `attack2.in` 中读入数据。

第一行包含一个正整数  $D$ 。

接下来  $D$  行，每行包含两个整数  $dx_i, dy_i$  ( $dy_i > 0$ )，表示一个敌人的坐标。

第  $D+1$  行包含一个整数  $S$ 。

接下来  $S$  行，每行包含两个整数  $sx_i, sy_i$  ( $sy_i < 0$ )，表示一个发射源的坐标。

第  $D+S+2$  行包含一个整数  $T$ 。

接下来  $T$  行，每行包含两个整数  $tx_i, ty_i$  ( $ty_i < 0$ )，表示一个激光塔的坐标。

### 【输出格式】

输出到文件 `attack2.out` 中。

输出一行一个整数，可以发出超级射线的攻击方案个数。

### 【输入样例】

```
3
1 12
10 30
```

30 10  
1  
10 -10  
4  
2 -11  
9 -1  
11 -1  
15 -14

**【输出样例】**

7

**【数据规模】**

对于 20%的数据满足  $D, S, T \leq 30$ 。

对于 50%的数据满足  $D, S, T \leq 150$ 。

对于 100%的数据满足  $1 \leq D, S, T \leq 800$ ，所有坐标绝对值不超过  $10^9$ 。